

1.1

Inéquation du premier degré
à deux variables

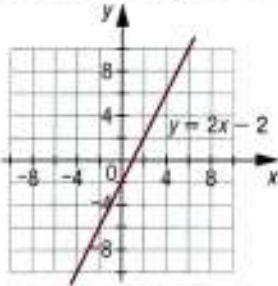
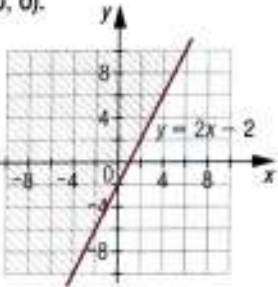
1

- Pour traduire une situation donnée par une inéquation à deux variables, on doit :
 - identifier les variables ;
 - écrire l'inéquation en choisissant le symbole d'inégalité qui convient.

Exemple : Dans une solution d'acide chlorhydrique, la quantité d'eau (en ml) doit être d'au moins 50 ml de plus que le quadruple de la quantité d'acide chlorhydrique (en ml).

Si x représente la quantité d'eau (en ml) et y , la quantité d'acide chlorhydrique (en ml), alors la situation peut être représentée par l'inéquation $x \geq 4y + 50$.

- Il est possible de représenter graphiquement l'ensemble-solution d'une inéquation du premier degré à deux variables dans le plan cartésien de la façon suivante.

| Démarche | Exemple : On veut représenter graphiquement l'inéquation $-2x + y \geq -2$. |
|--|---|
| <p>1. Au besoin, écrire l'inéquation de départ sous l'une des formes suivantes :</p> $y > ax + b, y < ax + b,$ $y \geq ax + b \text{ ou } y \leq ax + b.$ | $-2x + y \geq -2$ $y \geq 2x - 2$ |
| <p>2. Tracer la droite frontière d'équation $y = ax + b$:</p> <ul style="list-style-type: none"> • en trait plein si les couples associés aux points de la droite font partie de l'ensemble-solution (\leq ou \geq) ; • en trait pointillé sinon ($<$ ou $>$). | <p>Équation de la droite frontière : $y = 2x - 2$</p> <p>La droite frontière est tracée en trait plein, car tous les couples associés aux points de la droite font partie de l'ensemble-solution.</p>  |
| <p>3. Substituer les coordonnées d'un point hors de la droite frontière aux variables de l'inéquation. Vérifier si le résultat obtenu est vrai ou faux et hachurer le demi-plan qui correspond à l'ensemble-solution.</p> | <p>Le point de coordonnées (0, 0) fait partie de la région-solution, car ses coordonnées vérifient l'inéquation.</p> $y \geq 2x - 2$ $0 \geq 2 \times 0 - 2$ $0 \geq -2 \text{ est vrai.}$ <p>On hachure le demi-plan comportant le point de coordonnées (0, 0).</p>  |

1.2 Système d'inéquations

1

- Un système d'inéquations est un ensemble composé d'au moins deux inéquations.
- L'ensemble-solution d'un tel système est composé des couples de valeurs qui vérifient simultanément toutes les inéquations du système.
- Graphiquement, l'ensemble-solution d'un système d'inéquations correspond à la région-solution commune à toutes les inéquations du système.
- On peut valider qu'un point se trouve dans la région-solution en substituant ses coordonnées aux variables de chacune des inéquations du système.

Exemple :

Soit le système d'inéquations
$$\begin{cases} 2x + 3y < 9 \\ y \geq 2x - 4 \end{cases}$$

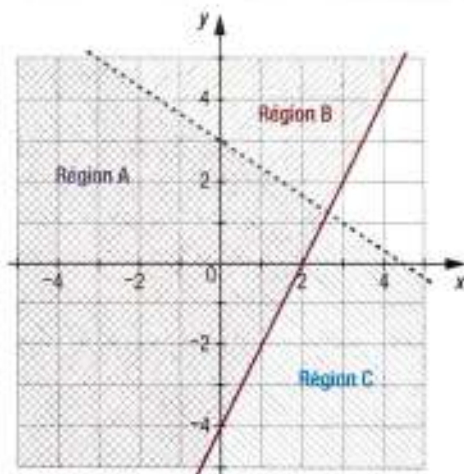
Les régions A et B correspondent à l'ensemble-solution de l'inéquation $y \geq 2x - 4$.

Les régions A et C correspondent à l'ensemble-solution de l'inéquation $2x + 3y < 9$.

La région A correspond à la région-solution commune aux deux inéquations du système. Elle représente donc l'ensemble-solution du système d'inéquations.

Soit le point de coordonnées (0, 0), qui appartient à la région-solution.

$$\begin{aligned} 2 \times 0 + 3 \times 0 < 9 & \quad \text{et} \quad 0 \geq 2 \times 0 - 4 \\ 0 < 9 \text{ est vrai.} & \quad 0 \geq -4 \text{ est vrai.} \end{aligned}$$



1 Dans chaque cas, vérifiez si le couple (0, 0) est une solution du système d'inéquations.

a)
$$\begin{cases} 0,5x + y \geq 4 \\ x \geq -14 + y \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} y < -0,5x + 1 \\ y \geq 1,5x - 3 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} -x + 2y < 0 \\ x + 3y + 2 > 0 \end{cases}$$